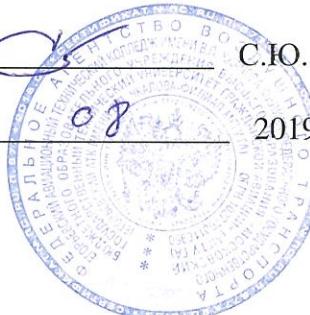


«Утверждаю»  
Зам. директора филиала по УМР, к.ф-м.н.

С.Ю. Рыжков  
«30» 08 2019 г.  


**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ  
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Математика; алгебра и начала математического анализа; геометрия**  
название дисциплины

25.02.01 Техническая эксплуатация летательных аппаратов и двигателей  
код наименование специальности

25.02.03 Техническая эксплуатация электрифицированных  
код наименование специальности  
и пилотажно - навигационных комплексов

25.02.02 Обслуживание летательных аппаратов горюче-смазочными материалами  
код наименование специальности

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию (протокол от 28 июня 2016 г. № 2/16-з).

**Разработчики:**

\_\_\_\_\_ Крюкова Галина Владимировна, преподаватель ц/к ЕНД,  
\_\_\_\_\_ Бабкина Нина Федоровна, преподаватель ц/к ЕНД

**Рецензент:** \_\_\_\_\_ Блохинов Александр Сергеевич, председатель  
ц/к ЕНД

Обсуждена и одобрена  
методическим советом  
отделения ТЭЛАиД

Зав. отделением ТЭЛАиД  
 А.В. Зверев  
«30» 08 2019 г.

Обсуждена и одобрена  
методическим советом  
отделения АНТ

Зав. отделением АНТ  
 Е.Е. Карева  
«30» 08 2019 г.

## **СОДЕРЖАНИЕ**

|  |                               |        |
|--|-------------------------------|--------|
| 1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ДИСЦИПЛИНЫ                                | ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  | стр. 4 |
| 2. СТРУКТУРА И ДИСЦИПЛИНЫ                                    | СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 6      |
| 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ                             | ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  | 14     |
| 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ |                               | 16     |

\

# **1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия**

---

## **1.1.Область применения программы**

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» является частью ППССЗ и предназначена для изучения математики в образовательных организациях , реализующих образовательную программу СПО в пределах освоения ППССЗ на базе основного общего образования.

Рабочая программа учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» разработана на основе требований ФГОС СОО, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия», с учетом Рекомендаций по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований ФГОС и получаемой профессии или специальности СПО (письмо Минобрнауки России от 17.03.2015 № 06-259), с уточнениями и дополнениями к даннм рекомендациям, одобренными научно-методическим советом Центра профессионального образования и систем квалификаций ФГАУ «ФИРО».

Рабочая программа учебной дисциплины может быть использована в дополнительном профессиональном образовании.

## **1.2. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:**

Дисциплина «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия»входит в состав общеобразовательных учебных дисциплин, формируемых из обязательных предметных областей ФГОС среднего общего образования для реализуемых в колледже специальностей СПО технического профиля профессионального образования.

## **1.3. Цели и задачи дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины:**

Общие цели изучения математики традиционно реализуются в четырех направлениях:

- 1) общее представление об идеях и методах математики;
- 2) интеллектуальное развитие;
- 3) овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями;
- 4) воспитательное воздействие.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия» обеспечивает достижение студентами следующих **результатов**:

**• личностных:**

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;

- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- свладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;
- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
- стимул к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

**• метапредметных:**

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;
- целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

**• предметных:**

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;
- сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

- владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
- сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
- владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
- сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
- владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

#### **1.4. Рекомендуемое количество часов на освоение программы дисциплины:**

максимальной учебной нагрузки обучающегося 367 часов, в том числе:

- обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося 252 часов;
- самостоятельной работы обучающегося 115 часов.

## **2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы**

| <i>Вид учебной работы</i>   | <i>Объем часов</i> |
|---|--------------------|
| <b>Максимальная учебная нагрузка (всего)</b>  | <b>367</b>         |
| <b>Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)</b>   | <b>252</b>         |
| в том числе:  |                    |
| лабораторные занятия  |                    |
| практические занятия  |                    |
| контрольные работы  | <b>12</b>          |
| <b>Самостоятельная работа обучающегося (всего)</b>  | <b>115</b>         |
| в том числе:  |                    |
| Работа с учебными пособиями   | <b>25</b>          |
| контрольные домашние задания  | <b>45</b>          |
| внеаудиторная самостоятельная работа:   | <b>45</b>          |
| подготовка выступления по заданным темам, докладов, рефератов, индивидуального проекта с использованием информационных технологий |                    |
| <b>Итоговая аттестация в форме экзамена</b>   |                    |

## 2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия

| Наименование разделов и тем             | Содержание учебного материала, лабораторные и практические работы, самостоятельная работа  | Объем часов | Уровень освоения |
|---|--|-------------|------------------|
| 1                                       |  | 2           | 4                |
|   |  |             |                  |
| Раздел 1.<br>Алгебра                    |  |             |                  |
| Тема 1.1.<br>Введение                   | <b>Содержание учебного материала</b>   | 2           | I                |
|   | 1 Математика в науке и технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО.  | 2           |                  |
| Тема 1.2.<br>Развитие понятия о числе   | <b>Содержание учебного материала</b>   | 17          |                  |
|   | 1 Целые, и рациональные числа. Арифметические термины и знаки. Методы умножения и деления.<br>Дроби и десятичные дроби. Многократные и кратные числа.  | 2           | 2                |
|   | 2 Арифметические действия над числами. Коэффициенты, меры. Коэффициенты, меры.   | 2           | 2                |
|   | 3 Действительные числа. Перевод одних единиц в другие. Соотношения и пропорции, средние числа и проценты.  | 2           | 2                |
|   | 4 Арифметическое действие над числами.   | 2           | 2                |
|   | 5 Приближенные вычисления. Абсолютная и относительная погрешности.   | 2           | 2                |
|   | 6 Комплексные числа.   | 2           | 2                |
| Тема 1.3.<br>Корни, степени и логарифмы | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b><br>Решение примеров с действительными числами. Решение примеров с комплексными числами.<br><b>Содержание учебного материала</b>  | 55          |                  |
|   | 1 Корни и степени.   | 2           | 2                |
|   | 2 Квадраты, кубы, квадратные и кубические корни. Корни натуральной степени из числа и их свойства.   | 2           | 2                |
|   | 3 Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями.<br><i>Свойства степени с действительным показателем.</i>  | 2           | 2                |
|   | 4 Преобразование алгебраических выражений. Запись простых алгебраических выражений: сложение, вычитание, умножение и деление, использование скобок, простые алгебраические дроби.  | 2           | 2                |
|   | 5 Преобразование рациональных, иррациональных и степенных выражений.   | 2           | 2                |
|   | 6 Решение рациональных и иррациональных уравнений. Линейные уравнения и их решение.<br>7 Показатели степени, возведение в степень отрицательные и дробные показатели. Бинарные (двойные) и другие системы исчисления. Решение показательных уравнений. | 2           | 2                |
|   | 8 Уравнения I и II порядков с одним неизвестным. Графики уравнений.  | 2           | 2                |
|   | 9 Рациональные, иррациональные неравенства.  | 2           | 2                |
|   | 10 Показательные неравенства.  | 2           | 2                |
|   | 11 Решение систем уравнений. Решение систем неравенств.  | 2           | 2                |
|   | 12 Логарифм. Логарифм числа. Правила лейтстий с логарифмами.   | 2           | 2                |
|   | 13 Основное логарифмическое тождество. Дессигнаты и натуральные логарифмы.   | 2           | 2                |
|   | 14 Свойства логарифмов. Переход к новому основанию   | 2           | 2                |
|   | 15 Преобразование логарифмических выражений.   | 2           | 2                |
|   | 16 Простейшие логарифмические уравнения..  | 2           | 2                |

|   |  |  |  |   |  |  |  |  |
|---|--|--|--|---|--|--|--|--|
| 1 |  |  |  | 2 |  |  |  |  |
|   | 17 Решение логарифмических уравнений (продолжение).  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 18 Решение логарифмических неравенств.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 19 Контрольная работа №1   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | <b>Решение рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.</b>               |  |  |   |  |  |  |  |
|   | <b>Содержание учебного материала</b>   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 1 Простая тригонометрия. Тригонометрические соотношения. Использование таблиц прямоугольные и полярные координаты. |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 2 Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс, котангенс числа.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 3 Основные тригонометрические тождества.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 4 Формулы приведения.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 5 Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 6 Синус и косинус двойного угла.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 7 Формулы половинного угла.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 8 Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 9 Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 10 Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.                                       |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 11 Преобразование простейших тригонометрических выражений.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 12 Преобразование простейших тригонометрических выражений (продолжение).   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 13 Преобразование тригонометрических выражений.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 14 Арксинус, арккосинус числа.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 15 Арктангенс и арккотангенс числа.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 16 Простейшие тригонометрические уравнения.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 17 Простейшие тригонометрические уравнения (продолжение).  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 18 Решение тригонометрических уравнений.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 19 Решение тригонометрических уравнений.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 20 Решение систем тригонометрических уравнений.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 21 Простейшие тригонометрические неравенства.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 22 Контрольная работа №2.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | Преобразование простейших тригонометрических выражений.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | Решение тригонометрических уравнений. Решение тригонометрических неравенств.                                       |  |  |   |  |  |  |  |
|   | <b>Содержание учебного материала</b>   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 1 Функция. Область определения функции. Способы задания функции.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 2 Графическое изображение. Основные свойства графиков и их применение. Графики функций.                            |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 3 Свойства функции. Монотонность функции. Чётность, нечётность, ограниченность, периодичность функции.             |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 4 Обратная функция. Область определения и область значений обратной функции.                                       |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 5 График обратной функции. Сложная функция.  |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 6 Степенная функция, ее свойства и график.   |  |  |   |  |  |  |  |
|   | 7 Показательная функция, ее свойства и график.   |  |  |   |  |  |  |  |

|   |    |  |            |   |
|---|----|--|------------|---|
|   |    |  |            |   |
| 1 |    |  |            |   |
|   | 8  | Логарифмическая функция, ее свойства и график.   | 2          |   |
|   | 9  | Тригонометрические функции, их свойства и графики <i>Обратные тригонометрические функции.</i>  | 2          | 2 |
|   | 10 | Преобразования графиков.   | 7          | 2 |
|   | 11 | Параллельный перенос, симметрия относительно оси координат, начало координат, растяжение и сжатие.   | 2          | 2 |
|   | 12 | Контрольная работа №3<br><br>Самостоятельная работа обучающихся<br>Построение графиков функций (степенных, показательных, логарифмических, тригонометрических);<br>исследование функций на монотонность, четность, ограниченность, периодичность. Нахождение<br>области определения и области значений функции. Подготовка индивидуального проекта с<br>использованием информационных технологий | 10         |   |
|   |    | <b>Итого за I семестр</b>  | <b>171</b> |   |

| Наименование разделов и тем                 | Содержание учебного материала, лабораторные и практические работы, самостоятельная работа обучающихся  | Объем часов | Уровень освоения |
|---|--|-------------|------------------|
| 1   |  | 3           | 4                |
|   | 2 семестр  |             |                  |
| Раздел 2.<br>Начала математического анализа |  | 60          |                  |
| Тема 2.1.<br>Последовательности             | Содержание учебного материала<br>1 Свойства числовых последовательностей. <i>Понятие о пределе последовательности.</i><br>2 Существование предела монотонной ограниченной последовательности.<br>3 <i>Понятие о непрерывности функции. Предел функции.</i><br>Самостоятельная работа обучающихся<br>Вычисление пределов числовых последовательностей.  | 8           | 2                |
| Тема 2.2.<br>Производная                    | Содержание учебного материала<br>1 Производная функции. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной<br>к графику функции.<br>2 Производные суммы, разности.<br>3 Производные произведения, частного.<br>4 Производные основных элементарных функций.<br>5 <i>Производные обратной функции и композиции функций.</i><br>6 Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.<br>7 Точки экстремума.<br>8 Вторая производная, её геометрический смысл.<br>9 Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах<br>10 Применение производной к исследованию функций.<br>11 Построение графиков функций.<br>Самостоятельная работа обучающихся<br>Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.<br>Построение графиков функций. | 32          | 2                |
| Тема 2.3.<br>Первообразная и интеграл       | Содержание учебного материала<br>1 Первообразная функция. Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона – Лейбница.<br>2 Вычисление определенных интегралов.<br>3 Вычисление определенных интегралов (продолжение).<br>4 Геометрический и физический смысл определенного интеграла.<br>5 Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции.<br>6 Примеры применения интеграла в геометрии и физике.<br>7 Контрольная работа №4<br>Самостоятельная работа обучающихся<br>Вычисление определенных интегралов.   | 20          | 2                |

|   |  |    |   |     |   |
|---|--|----|---|-----|---|
|   |  | 1  | 2 | 3   | 4 |
|   | Раздел 3<br>Геометрия  |    |   | 119 |   |
| Тема 3.1.<br>Прямые и плоскости<br>в пространстве | <b>Содержание учебного материала</b>   |    |   |     |   |
|   | 1 Стартовые понятия стереометрии. Аксиомы стереометрии и следствия из них.   | 23 |   |     |   |
|   | 2 Параллельность прямых и плоскостей.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 3 Перпендикулярность прямой и плоскости. Угол между прямой и плоскостью.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 4 Двугранный угол. Угол между плоскостями.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 5 Перпендикулярность двух плоскостей.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 6 Перпендикуляр и наклонные к плоскости. Теорема о трех перпендикулярах.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 7 Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 8 Изображение пространственных фигур.  | 2  | 2 |     |   |
|   | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |    |   |     |   |
|   | Решение задач на прямые и плоскости в пространстве.  | 7  |   |     |   |
|   | <b>Содержание учебного материала</b>   | 30 |   |     |   |
| Многогранники                                     | 1 Простейшие геометрические фигуры. Понятие многогранника. Вершины, рёбра, грани многогранника. <i>Разностка. Многогранные углы.</i>   | 2  | 2 |     |   |
|   | 2 Виды многогранников. Теорема Эйлера. Тетраэдр.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 3 Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 4 Параллелепипед. Куб.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 5 Пирамида. Правильная пирамида. Усечённая пирамида.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 6 Симметрия в кубе. Симметрия в параллелепипеде.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 7 Симметрия в призме и пирамиде.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 8 Сечения куба.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 9 Сечения призмы и пирамиды.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 10 Представления о многогранниках.   | 2  | 2 |     |   |
|   | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |    |   |     |   |
|   | Решение задач на многогранники. Сечения многогранников. Подготовка выступления по заданным темам, рефератов, индивидуального проекта с использованием информационных технологий. | 10 |   |     |   |
| Тема 3.3.<br>Тела и поверхности<br>вращения       | <b>Содержание учебного материала</b>   | 16 |   |     |   |
|   | 1 Понятие тела вращения. Цилиндр.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 2 Конус. Усеченный конус.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 3 Осьевые сечения и сечения. Сечения, параллельные основанию.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 4 Шар и его сечения.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 5 Сфера и ее сечения. Касательная плоскость к сфере.   | 2  | 2 |     |   |
|   | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |    |   |     |   |
|   | Решение задач на тела вращения.  | 6  |   |     |   |
| Тема 3.4.<br>Измерения в геометрии                | <b>Содержание учебного материала</b>   | 30 |   |     |   |
|   | 1 Площади и объёмы. Объём и его измерение. Интегральная формула объёма.  | 2  | 2 |     |   |
|   | 2 Формула объёма куба.   | 2  | 2 |     |   |
|   | 3 Формула объёма призмы.   | 2  | 2 |     |   |
|   |  |    |   |     |   |
|   |  |    |   | 3   | 4 |

|    |  |  |    |   |
|----|--|--|----|---|
|    |  |  |    |   |
| 4  | Формула объёма прямоугольного параллелепипеда.   |  | 2  | 2 |
| 5  | Формула объёма пирамиды.   |  | 2  | 2 |
| 6  | Формула площади поверхности цилиндра. Формула объема цилиндра.   |  | 2  | 2 |
| 7  | Формула площади поверхности конуса. Формула объема конуса.   |  | 2  | 2 |
| 8  | Формула объёма шара.   |  | 2  | 2 |
| 9  | Формула площади поверхности сферы.   |  | 2  | 2 |
| 10 | Контрольная работа №5  |  | 2  | 2 |
|    | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  | 10 |   |
|    | Вычисление площади поверхности и объема многогранников и тел вращения.   |  |    |   |
|    | <b>Содержание учебного материала</b>   |  | 20 |   |
|    | 1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве.  |  | 2  | 2 |
|    | 2 Расстояние между двумя точками. Уравнения плоскости и прямой.  |  | 2  | 2 |
|    | 3 Векторы. Модуль вектора. Линейные операции над векторами.  |  | 2  | 2 |
|    | 4 Разложение вектора по направлению.   |  | 2  | 2 |
|    | 5 Угол между векторами. Проекция вектора на ось.   |  | 2  | 2 |
|    | 6 Координаты вектора. Скалярное произведение векторов.   |  | 2  | 2 |
|    | 7 Использование координат и векторов при решении задач   |  | 2  | 2 |
|    | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  | 6  |   |
|    | Использование координат и векторов при решении задач.  |  |    |   |
|    | <b>Раздел 4.</b>   |  | 17 |   |
|    | <b>Комбинаторика, статистика и теория вероятностей</b>   |  |    |   |
|    | <b>Тема 1.1.</b>   |  |    |   |
|    | <b>Элементы комбинаторики</b>  |  |    |   |
|    | <b>Содержание учебного материала</b>   |  | 4  |   |
|    | 1 Основные понятия комбинаторики. Размещения, перестановки, сочетания. Решение задач с использованием элементов комбинаторики.                         |  | 2  | 2 |
|    | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  | 2  |   |
|    | решение комбинаторных задач. Размещения, перестановки, сочетания.  |  |    |   |
|    | <b>Содержание учебного материала</b>   |  | 8  |   |
|    | 1 Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий.  |  | 2  | 2 |
|    | 2 <i>Дискретная случайная величина, закон её распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.</i> |  | 2  | 2 |
|    | 3 Контрольная работа № 6   |  | 2  |   |
|    | <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>  |  | 2  |   |
|    | Решение задач на вероятность событий.  |  |    |   |

| 1   | 2                          | 3          | 4 |
|---|----------------------------|------------|---|
| <b>Содержание учебного материала</b>                                    |                            |            |   |
| <b>Тема 4.3.</b>  |                            |            |   |
| <b>Элементы</b>   |                            |            |   |
| <b>математической</b>   |                            |            |   |
| <b>статистики</b>   |                            |            |   |
| <b>Самостоятельная работа обучающихся</b>                               |                            |            |   |
| <i>Нахождение частовых характеристик дискретной случайной величины.</i> |                            |            |   |
|   | <b>Итого за II семестр</b> | <b>196</b> |   |
|   | <b>Всего:</b>              | <b>367</b> |   |

**На занятиях используются активные и интерактивные методы и технологии: технология развития критического мышления, компьютерные, игровые, проектные, мультимедиа-технологии.**

Для характеристики уровня освоения учебного материала используются следующие обозначения:

- 1 – ознакомительный (узнавание ранее изученных объектов, свойств);
- 2 – репродуктивный (выполнение деятельности по образцу, инструкции или под руководством)
- 3 – продуктивный (планирование и самостоятельное выполнение деятельности, решение проблемных задач)

### **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению**

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета Математики, оборудованного техническими средствами обучения.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- таблица неопределенных интегралов;
- таблица производных.

Технические средства обучения: компьютер с лицензионным программным обеспечением, интерактивная доска, проектор, принтер, интернет

#### **3.2. Информационное обеспечение обучения**

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основные источники:

1. Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, Кадомцев, Л.С. Киселева, Э.Г. Позняк. Геометрия. 10-11 класс. М.: Просвещение. 2019г. – 255 с.
2. Ш.А. Алимов, Ю.М. Колягин, М.В. Ткачева, Н.Е. Федорова, М.И. Шабунин. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 класс. М.: Просвещение. 2019 г.- 463 с.

Интернет-ресурсы:

1. Г.В. Крюкова <https://cloud.mail.ru/public/FRRh/twiLEFYHb>
2. Н.Ф. Бабкина <https://cloud.mail.ru/home/Пособия%20для%201%20курса>
3. www. fcior. edu. ru (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).
4. www. school-collection. edu. ru (Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов).
5. <http://window/edy/ru/>. Единое окно доступа к образовательным ресурсам. Электронная библиотека.
6. <http://nlr.ru/>. Российская национальная библиотека.
7. <http://mathem.hl.ru/>. Математика: определения, формулы, теоремы.
8. <http://mschool.kubsu.ru/>. Библиотека электронных учебных пособий по математике.

Дополнительные источники:

1. Крюкова Г.В. Математика. Дифференциальное исчисление. Методическое пособие. 2-е изд. Ч.1. Егорьевск. ЕАТК- филиал МГТУ ГА 2015. -16 с.
2. Крюкова Г.В. Математика. Методическое пособие. Егорьевск. 2015 г.-68 с.
3. Крюкова Г.В. Математика. Методические рекомендации по выполнению внеаудиторных самостоятельных работ по математике. Егорьевск. 2018 г. – 63 с.

### **; 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

Контроль и оценка результатов освоения дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий и лабораторных работ,

тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

| Результаты обучения<br>(освоенные умения, усвоенные знания)   | Формы и методы контроля и оценки результатов обучения   |
|---|---|
| <p><b>Алгебра</b></p> <p><u>Умения:</u></p> <ul style="list-style-type: none"><li>Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приёмы: нахождение приближённых значений величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная), сравнение числовых выражений;</li><li>Нахождение значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства;</li><li>Выполнение преобразований выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней логарифмов, тригонометрических функций;</li></ul> <p><u>Использование приобретённых знаний и умений в повседневной жизни:</u></p> <ul style="list-style-type: none"><li>Для практических расчётов по формулам, содержащих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя справочники и микрокалькуляторы;</li></ul> | <p>Формы контроля обучения:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- фронтальные и индивидуальные беседы;</li><li>- индивидуальные и групповые письменные работы;</li><li>- карточки – задания;</li><li>- контрольные вопросы;</li><li>- самопроверка и взаимопроверка работ;</li><li>- разноуровневые тесты;</li><li>- контрольные работы</li></ul> <p>Методы оценки результатов обучения:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- мониторинг роста творческой самостоятельности и опыта получения нового знания каждым обучающимся;</li><li>- итоговая аттестация в форме экзамена</li></ul> |
| <p><b>Функции и графики</b></p> <p><u>Умения:</u></p> <ul style="list-style-type: none"><li>Вычисление значений функций по заданному значению аргумента при различных способах задания функции;</li><li>Определение основных свойств числовых функций, иллюстрирование их на графиках;</li><li>Построение графиков функций.</li></ul> <p><u>Использование знаний и умений в практической деятельности:</u></p> <ul style="list-style-type: none"><li>Описывать с помощью функций различные зависимости,</li></ul>   |   |

|  |  |
|--|--|
| <p>представление функций<br/>графически.</p> <p><b>Начала математического анализа</b></p> <p><u>Умения:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Нахождение производных элементарных функций;</li> <li>• Использование производной для построения графиков;</li> <li>• Решение задач прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения;</li> <li>• Вычисления площадей и объёмов с помощью определённого интеграла.</li> </ul> <p><u>Использование знаний и умений:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Решение прикладных задач.</li> </ul> |  |
| <p><b>Уравнения и неравенства</b></p> <p><u>Умения:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Решение рациональных, показательных, иррациональных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств;</li> <li>• Использование графических методов решения уравнений и неравенств;</li> <li>• Решение текстовых задач с использованием уравнений и неравенств.</li> </ul> <p><u>Использование знаний и умений:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Построение и исследование простейших математических моделей</li> </ul>                                |  |
| <p><b>Комбинаторика, статистика и теория вероятностей</b></p> <p><u>Умения:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Решение простейших комбинаторных задач с использованием известных формул;</li> <li>• Вычисление вероятностей на основе подсчёта исходов.</li> </ul> <p><u>Использование приобретённых знаний и умений:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Анализирование реальных числовых данных, представленных</li> </ul>  |  |

- в виде диаграмм и графиков;
- Анализирование информации статического характера.

### ***Геометрия***

#### Умения:

- Распознавание по чертежам и моделям пространственных форм; соотнесение трёхмерных объектов с их описаниями и изображениями;
- Описание взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве, аргументирование своих суждений об их расположении;
- Анализирование в простейших случаях взаимного расположения объектов в пространстве;
- Изображение многогранников и круглых тел, выполнение чертежей по условиям задач.
- Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды;
- Решение планиметрических и простейших стереометрических задач на нахождение длин, углов, площадей, объёмов;
- Использование при решении стереометрических задач планиметрических фактов и методов;
- Проведение доказательных рассуждений в ходе решения задач.

#### Использование приобретённых знаний и умений:

- Исследовать (моделировать) простейшие практические ситуации на основе форм и свойств фигур;
- Вычисление объёмов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя справочники и вычислительные устройства.

## Приложение

### ХАРАКТЕРИСТИКА ОСНОВНЫХ ВИДОВ УЧЕБНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ СТУДЕНТОВ

| <b>Содержание обучения</b>                     | <b>Характеристика основных видов деятельности студентов<br/>(на уровне учебных занятий)</b>   |
|--|---|
| <b>Введение</b>                                | Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности.<br>Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении специальностей СПО.   |
| <b>АЛГЕБРА</b>                                 |   |
| <b>Развитие понятия о числе</b>                | Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы.<br>Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений.<br>Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы).   |
| <b>Корни, степени, логарифмы</b>               | Ознакомление с понятием корня $n$ -й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней.<br>Формулирование определения корня и свойств корней. Вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения квадратного корня.<br>Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы.<br>Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.<br>Определение равносильности выражений с радикалами. Решение иррациональных уравнений.<br>Ознакомление с понятием степени с действительным показателем.<br>Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства.<br>Записывание корня $n$ -й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот.<br>Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней.<br>Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Решение показательных уравнений.<br>Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении». Решение прикладных задач на сложные проценты. |
| <b>Преобразование алгебраических выражений</b> | Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов.<br>Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений.  |
| <b>ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ</b>                    |   |
| <b>Основные понятия</b>                        | Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением.<br>Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи.  |
| <b>Основные тригонометрические тождества</b>   | Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них.   |

Продолжение таблицы

| Содержание обучения   | Характеристика основных видов деятельности студентов<br>(на уровне учебных занятий)  |
|---|--|
| <b>Преобразования простейших тригонометрических выражений</b>   | Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его. Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения.   |
| <b>Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства</b>  | Решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений. Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений. Умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств.   |
| <b>Арксинус, арккосинус, арктангенс числа</b>   | Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций. Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений.   |
| <b>ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b>   |  |
| <b>Функции. Понятие о непрерывности функции</b>   | Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции.   |
| <b>Свойства функций. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях</b> | Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций. Исследование функций. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции.  |
| <b>Обратные функции</b>   | Изучение понятия обратной функции, определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции.  |
| <b>Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции</b>      | Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов. Построение графиков степенных и логарифмических функций. Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам. Ознакомление с понятием непрерывной периодической функции, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков. Ознакомление с понятием гармонических колебаний и примерами гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания. Ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков. |

Продолжение таблицы

| Содержание обучения  | Характеристика основных видов деятельности студентов<br>(на уровне учебных занятий)  |
|--|--|
|  | <p>Применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений.<br/><i>Построение графиков обратных тригонометрических функций и определение по графикам их свойств.</i></p> <p>Выполнение преобразования графиков.</p>   |
| <b>НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА</b>  |  |
| <b>Последовательности</b>  | <p>Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов.<br/><i>Ознакомление с понятием предела последовательности.</i></p> <p>Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p>Решение задач на применение формулы суммы бесконечной убывающей геометрической прогрессии.</p>   |
| <b>Производная и ее применение</b>   | <p>Ознакомление с понятием производной.</p> <p>Изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной.</p> <p>Составление уравнения касательной в общем виде.</p> <p>Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной.</p> <p>Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их.</p> <p>Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой.</p> <p>Установление связи свойств функции и производной по их графикам.</p> <p>Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и нахождение экстремума.</p>  |
| <b>Первообразная и интеграл</b>  | <p>Ознакомление с понятием интеграла и первообразной.</p> <p>Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона - Лейбница.</p> <p>Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции.</p> <p>Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей.</p>   |
| <b>УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА</b>   |  |
| <b>Уравнения и системы уравнений.</b><br><b>Неравенства и системы неравенств с двумя переменными</b> | <p>Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений.</p> <p>Изучение теории равносильности уравнений и ее применения. Повторение записи решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению.</p> <p>Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем.</p> <p>Использование свойств и графиков функций для решения уравнений.</p> <p>Повторение основных приемов решения систем.</p> <p>Решение уравнений с применением всех приемов (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановки, графического метода). Решение систем уравнений с применением различных способов.</p> <p>Ознакомление с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств.</p> <p>Решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов.</p> <p>Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений.</p> |

Продолжение таблицы

| Содержание обучения   | Характеристика основных видов деятельности студентов<br>(на уровне учебных занятий)   |
|---|---|
| <b>ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ</b> |   |
| <b>Основные понятия комбинаторики</b>                           | <p>Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач.</p> <p>Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения.</p> <p>Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления.</p> <p>Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач.</p> <p>Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля.</p> <p>Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики.</p>  |
| <b>Элементы теории вероятностей</b>                             | <p>Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей.</p> <p>Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий.</p>   |
| <b>Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)</b>       | <p>Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками.</p> <p>Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик</p>   |
| <b>ГЕОМЕТРИЯ</b>  |   |
| <b>Прямые и плоскости в пространстве</b>                        | <p>Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей. Распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений.</p> <p>Формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов.</p> <p>Выполнение построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях.</p> <p>Применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач.</p> <p>Изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения.</p> <p>Решение задач на вычисление геометрических величин. Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве.</p> <p>Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства).</p> <p>Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в пространстве.</p> <p>Применение формул и теорем планиметрии для решения задач.</p> <p>Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. <i>Формулирование теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника.</i></p> <p>Применение теории для обоснования построений и вычислений.</p> <p>Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур.</p> |

## Продолжение таблицы

| Содержание обучения                | Характеристика основных видов деятельности студентов<br>(на уровне учебных занятий)  |
|------------------------------------|--|
| <b>Многогранники</b>               | <p>Описание и характеристика различных видов многогранников, перечисление их элементов и свойств.</p> <p>Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников.</p> <p>Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений.</p> <p>Характеристика и изображение сечения, развертки многогранников, вычисление площадей поверхностей.</p> <p>Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды. Применение фактов и сведений из планиметрии.</p> <p>Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач.</p> <p>Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач.</p> <p>Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач.</p>         |
| <b>Тела и поверхности вращения</b> | <p>Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств.</p> <p>Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере.</p> <p>Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения. Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел.</p> <p>Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи.</p>   |
| <b>Измерения в геометрии</b>       | <p>Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами. Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии.</p> <p>Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов.</p> <p>Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения.</p> <p>Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы. Решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел.</p>  |
| <b>Координаты и векторы</b>        | <p>Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек.</p> <p>Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычисление расстояний между точками</p> <p>Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами.</p> <p>Применение теории при решении задач на действия с векторами.</p> <p>Изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости.</p> <p>Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний.</p> <p>Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов.</p> |

## *Приложение*

### *Примерные темы рефератов (докладов), индивидуальных проектов*

- Непрерывные дроби.
- Применение сложных процентов в экономических расчетах.
- Параллельное проектирование.
- Средние значения и их применение в статистике.
- Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве.
- Сложение гармонических колебаний.
- Графическое решение уравнений и неравенств.
- Правильные и полуправильные многогранники.
- Конические сечения и их применение в технике.
- Понятие дифференциала и его приложения.
- Схемы повторных испытаний Бернулли.
- Исследование уравнений и неравенств с параметром.
- Выполнение моделей многогранников.
- Составление математических кроссвордов.
- Жизнь и деятельность математиков и ученых.

## Лист регистрации изменений

Программа обсуждена на заседании цикловой комиссии *ЕИД*

Протокол № *1* от «*30* » *августа* *2019* г.

Председатель цикловой комиссии « *ЕИД* » *Зуфар Абдрахимов*

Методист отделения ТЭЛА и Д *Дагиев* /Т.С. Дягилева

Начальник отдела качества *Андрей Пронин* /А. Н. Пронина